

عنوان الكتاب : الجداول الرياضية

ذات أربعة الأرقام العشرية

المؤلف : محمد خالد حسنين بك

سنة النشر : ١٩٢٥

رقم العهدة : د ٢٠٧ / ٦١٠١

الـ ACC : ٢٣٣٨٢

عدد الصفحات : ٣٢

رقم الفيـم : ٩

AC: ٢٢٨٢

٥١١٦

الجدول الضمني

ذات اربعه الارشام العشرية

١٩٢٥

تأليف

محمد خالد حسنين بك

المفتش بوزارة المعارف العمومية

(قررت وزارة المعارف العمومية استعمال هذه الجداول بمدارسها)

(حقوق الطبع محفوظة للمؤلف)

(الطبعة الخامسة)

مطبعة العجايب والاشباح الفخارية

١٩٢٥

الحكومة الملكية المصرية

٢٠٧

٦١٠١

الزراعة

٥١١٦
١٢٢٥
مج ١

الجداول الضمنية

ذات اربعه اوتام العشرية



تأليف

محمد خالد حسنين بك
المفتش بوزارة المعارف العمومية

(قررت وزارة المعارف العمومية استعمال هذه الجداول بمدارسها)

١٥

(حقوق الطبع محفوظة للمؤلف)

(الطبعة الخامسة)

مطبعة المعارف شارع النجاة بمصر

١٩٢٥

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

الحمد لله رب العالمين والصلاة والسلام على أنبيائه والمرسلين (و بعد) فهذه رسالة في الجداول الرياضية تشتمل على جدول لوغاريتمات الأعداد التي بين ١ و ١٠٠٠٠ وعلى جدول الأعداد المقابلة لهذه اللوغاريتمات وعلى جداول الجيوب وجيوب التمام والظللال للزوايا التي بين 0° و 90° وعلى جداول لوغاريتمات هذه النسب المثلثية

وقد اقتصرنا في هذه الجداول على جعل الجزء العشري من اللوغاريتمات أربعة أرقام إذ الغرض إنما هو الوصول إلى نتائج الأعمال الحسابية بطريقة تقريبية

وأضفت إلى هذه الجداول جدولاً يشتمل على الجذور التربيعية والتكعيبية (مقربة من ثلاثة أرقام عشرية) للأعداد من ١ إلى ١٥٠ وذلك لكثرة الاحتياج إليها في الأعمال الحسابية

وشرحت الجداول وكيفية استعمالها مع التمثيل حتى يتيسر للطالب فهمها وذكرت الخواص الأساسية للوغاريتمات والنسب المثلثية بإيجاز بدون تعرض لبراهينها حتى يرجع إليها الطالب عند الحاجة وأسأل الله أن يجعله نافعاً إنه على ما يشاء قدير

محمد خالد حسنين

المواد

صفحة	
٣	المقدمة
٦	الباب الاول — في الخواص الاساسية للوغاريتمات
٧	» الثاني — في شرح جداول اللوغاريتمات وكيفية استعمالها
١٠	» الثالث — في الخواص الاساسية للنسب المثلثية
١٢	» الرابع — في شرح جداول النسب المثلثية وكيفية استعمالها
١٤	» الخامس — في شرح جداول لوغاريتمات النسب المثلثية وكيفية استعمالها
١٦	جدول لوغاريتمات الاعداد
١٨	جدول الاعداد المقابلة للوغاريتمات
٢٠	جدول الجيوب
٢٢	جدول جيوب التمام
٢٤	جدول الظلال
٢٦	جدول لوغاريتمات الجيوب
٢٨	جدول لوغاريتمات جيوب التمام
٣٠	جدول لوغاريتمات الظلال
٣٢	جدول الجذور التربيعية والتكعيبية للاعداد من ١ الى ١٥٠

الباب الاول

في الخواص الأساسية للوغاريتمات

١ لوغاريتم أى عدد لاساس معلوم هو الاس الذى يرفع اليه هذا الاساس لينتج العدد المفروض فاذا قلنا ان $2^4 = 16$ يكون الاس ٣ هو لوغاريتم ١٦ للاساس ٤ ويكتب الوضع اللوغاريتمى هكذا

$$\text{لو } 16 = 4 = 3$$

٢ لوغاريتم حاصل ضرب عددين أو جملة أعداد يساوى مجموع لوغاريتمى هذين العددين أو مجموع لوغاريتمات هذه الأعداد فمثلا

$$\text{لو} (ح \cdot د) = \text{لو} ح + \text{لو} د$$

$$\text{ولو} (ح \cdot د \cdot ه) = \text{لو} ح + \text{لو} د + \text{لو} ه$$

٣ لوغاريتم خارج قسمة عددين يساوى لوغاريتم المقسوم ناقصاً لوغاريتم المقسوم عليه فمثلا

$$\text{لو} \left(\frac{ح}{د} \right) = \text{لو} ح - \text{لو} د$$

٤ لوغاريتم قوة أى عدد يساوى حاصل ضرب درجة القوة فى لوغاريتم العدد فمثلا

$$\text{لو} ح^د = د \cdot \text{لو} ح$$

٥ لوغاريتم جذر أى عدد يساوى خارج قسمة لوغاريتم العدد على دليل الجذر فمثلا

$$\text{لو} \sqrt[د]{ح} = \frac{\text{لو} ح}{د}$$

٦ اذا كانت جداول لوغاريتمات الأعداد محسوبة لاساس معلوم مثل س وأريد إيجاد لوغاريتم أى عدد بوا سطة هذه الجداول لاساس آخر مثل ص نقسم لوغاريتم العدد للاساس س على لوغاريتم الاساس ص (بصفته عدداً) للاساس س أيضاً فينتج اللوغاريتم المطلوب

فاذا فرضنا ان $\text{لو} ح = ل$ وان $\text{لو} ص = م$ واريد إيجاد لوغاريتم العدد ح للاساس ص

$$\text{يكون } \text{لو} ح = \frac{ل}{م} = \frac{\text{لو} ح}{\text{لو} ص}$$

الباب الثانى

في شرح جداول اللوغاريتمات وكيفية استعمالها

٧ جداول اللوغاريتمات العادية محسوبة على مقتضى الاساس ١٠ وأول من حسب هذه اللوغاريتمات هنرى بريجز (Henry Briggs) سنة ١٦١٥ ميلادية بناء على توصية نيبير (Napier) له ويقال للوغاريتمات المحسوبة على هذا الاساس اللوغاريتمات العادية او اللوغاريتمات البريجزية (نسبة الى الرجل بريجز الذى ادخلها)

٨ فى هذه الجداول تكون لوغاريتمات الأعداد التى هى قوى للعدد ١٠ اعداداً صحيحة فمثلا

لو ١٠٠٠ = ٣	لان ١٠ = ٣	لو ١٠٠٠ = ٣
لو ١٠٠ = ٢	لان ١٠ = ٢	لو ١٠٠ = ٢
لو ١٠ = ١	لان ١٠ = ١	لو ١٠ = ١
لو ١ = ٠	لان ١٠ = ٠	لو ١ = ٠

٩ لوغاريتمات الأعداد التى ليست قوى للعدد ١٠ تتركب من عدد صحيح ومن كسر عشري ويقال للعدد الصحيح العدد البياني وللكسر الجزء العشري

١٠ العدد البياني من لوغاريتم أى عدد اكبر من الواحد يكون موجباً ويساوى عدد ارقامه الصحيحة ناقصاً واحداً

٤	هو	٠,٦٣٤٥	من لوغاريتم	٦٣٤٥٠
٢	»	٠,٣١٧٢٥	»	»
٠	»	٠,٠٠٠٠٠	»	»

١١ العدد البياني من لوغاريتم أى عدد اصغر من الواحد يكون سالباً ويساوى عدد الاصغار التى تلى الشرطة العشرية مباشرة مضافا اليه واحد

١	هو	٠,٦٣٤٥	من لوغاريتم	٠,٦٣٤٥
٣	»	٠,٠٠٠٠٦٣٤٥	»	»
٥	»	٠,٠٠٠٠٠٠٦٣٤٥	»	»

(تنبيه) عند ما يكون العدد البياني سالباً تكتب العلامة (-) فوق العدد البياني مثل ٢

١٢ الأعداد المركبة من أرقام متحدة ذات ترتيب واحد ولا تختلف إلا بوضع العلامة العشرية تكون لوغاريتماتها متحدة في الجزء العشري ومختلفة في العدد البياني

فالأجزاء العشرية من لوغاريتمات الأعداد ٦٣٤٥٠ و ٦٣٤٥٠٠ و ٠.٦٣٤٥٠ كلها متساوية

١٣ لايجاد الجزء العشري من لوغاريتم عدد لا تزيد أرقامه المعنوية على رقم واحد مثل ٨ أو ٨٠٠ أو ٨٠٠٠

الفروق	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠
٩٨٧٦٥٤٣٢١	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠
٥٤٤٣٣٢٢١١١	٩٠٧٩	٩٠٧٤	٩٠٦٩	٩٠٦٣	٩٠٥٨	٩٠٥٣	٩٠٤٧	٩٠٤٢	٩٠٣٦	٩٠٣١

نبحث عن العدد ٨٠ في صفحات جدول لوغاريتمات الأعداد في الصف الرأسى الأول ونبحث عن (٠) في الصف الأفقى الأول من هذه الصفحة ثم نتبع الصف الأفقى المبدوء بالعدد ٨٠ والصف الرأسى

المبدوء بصفر فنجد في متقاطع هذين الصفين العدد ٩٠٣١ فيكون هو الجزء العشري من لوغاريتم ٨ أو ٨٠٠ أو ٨٠٠٠

١٤ لايجاد الجزء العشري من لوغاريتم عدد مركب من رقمين معنويين مثل ٨٥ أو ٨٥٠ أو ٨٥٠٠

الفروق	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠
٩٨٧٦٥٤٣٢١	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠
٥٤٤٣٣٢٢١١١	٩٣٤٠	٩٣٣٥	٩٣٣٠	٩٣٢٥	٩٣٢٠	٩٣١٥	٩٣٠٩	٩٣٠٤	٩٢٩٩	٩٢٩٤

نبحث عن العدد ٨٥ في صفحات جدول اللوغاريتمات في الصف الرأسى الأول ونبحث عن (٠) في الصف الأفقى الأول من هذه الصفحة ثم نتبع الصف الأفقى المبدوء بالعدد ٨٥ والصف الرأسى

بصفر فنجد في متقاطع هذين الصفين العدد ٩٢٩٤ فيكون هو الجزء العشري من لوغاريتم ٨٥ أو ٨٥٠ أو ٨٥٠٠

١٥ لايجاد الجزء العشري من لوغاريتم عدد مركب من ثلاثة أرقام معنوية مثل ٨٥٦ أو ٨٥٦٠ أو ٨٥٦٠٠

نبحث عن العدد المركب من الرقمين الأولين من يسار هذا العدد (وهو ٨٥) في صفحات الجدول في الصف الرأسى الأول ونبحث عن الرقم الثالث ٦ في الصف الأفقى الأول من هذه الصفحة ثم نتبع

الصف الأفقى المبدوء بالعدد ٨٥ والصف الرأسى المبدوء برقم ٦ فنجد في متقاطع هذين الصفين ٩٣٢٥ فيكون هو الجزء العشري من لوغاريتم ٨٥٦ أو ٨٥٦٠ أو ٨٥٦٠٠

١٦ لايجاد الجزء العشري من لوغاريتم عدد مركب من أربعة أرقام معنوية مثل ٨٥٦٢ أو ٨٥٦٢٠ أو ٨٥٦٢٠٠

نبحث عن الجزء العشري للعدد ٨٥٦ بالطريقة السابقة فنجد انه ٩٣٢٥ ثم نبحث عن ٢ في الصف الأفقى الأول من أعمدة الفروق ونتبع الصف الأفقى المبدوء بالعدد ٨٥ والصف الرأسى المبدوء بالفرق ٢

فنجد في متقاطع هذين الصفين ١ فيكون هو العدد الذى يلزم اضافته الى ٩٣٢٥ لينتج الجزء العشري من لوغاريتم العدد ٨٥٦٢

وعلى ذلك يكون $٩٣٢٥ + ١$ (أى ٩٣٢٦) هو الجزء العشري من لوغاريتم العدد ٨٥٦٢ أو ٨٥٦٢٠ أو ٨٥٦٢٠٠

١٧ مما تقدم نعلم طريقة ايجاد لوغاريتم أى عدد لا يزيد على أربعة ارقام وذلك بأن نأتى أولاً بجزئه العشري ثم نضيف اليه عدده البياني

$$\text{فمثلا لو } ٦٣٤٥٠ = ٤,٨٠٢٤$$

$$\text{لو } ٦,٣٤٥ = ٠,٨٠٢٤$$

$$\text{لو } ٠,٦٣٤٥ = ١,٨٠٢٤$$

$$\text{لو } ٠,٠٦٣٤٥ = ٣,٨٠٢٤$$

١٨ لايجاد العدد المقابل للوغاريتم معلوم

نبحث بطريقة مماثلة للطريقة المبينة ببند ١٦ عن العدد المقابل للجزء العشري من هذا اللوغاريتم في جدول الأعداد المقابلة للوغاريتمات ثم نعدل هذا العدد كما يقتضيه العدد البياني للوغاريتم بأن نضع

على يمينه أصفاراً أو نفصل منه أرقاماً عشرية

فاذا أردنا إيجاد العدد الذى لوغاريتمه هو ٢,٠٦٧٤ نجري العمل هكذا

الفروق	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠
٩٨٧٦٥٤٣٢١	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠
٢٢٢٢١١١١٠	١١٧٢	١١٦٩	١١٦٧	١١٦٤	١١٦١	١١٥٩	١١٥٦	١١٥٣	١١٥١	١١٤٨

نبحث عن ٠,٦ في صفحات جدول الأعداد المقابلة للوغاريتمات في الصف الرأسى الأول ونبحث عن الرقم العشري الثالث ٧ في الصف الأفقى الأول من هذه الصفحة ثم نتبع الصف الأفقى

المبدوء بالعدد ٠,٦ والصف الرأسى المبدوء بالعدد ٧ فنجد في متقاطع هذين الصفين ١١٦٧ ثم نبحث عن الرقم العشري الرابع ٤ في الصف الأفقى الأول من أعمدة الفروق ونتبع الصف الأفقى المبدوء بالعدد

٠,٦ والصف الرأسى المبدوء بالفرق ٤ فنجد في متقاطع هذين الصفين ١ فيكون هو العدد الذى يلزم اضافته الى ١١٦٧ لتنتج الأرقام المكونة للعدد المطلوب

وعلى ذلك تكون أرقام العدد الجارى البحث عنه تساوى ١١٦٧ + ١ (أى ١١٦٨)

وبما أن العدد البياني للوغاريتم هو ٢ يكون عدد أرقامه الصحيحة ٣ ويكون العدد الذى لوغاريتمه ٢,٠٦٧٤ هو ١١٦,٨

الباب الثالث

في الخواص الأساسية للنسب المثلثية

١٩ النسب المثلثية لأي زاوية هي نسب بين أطوال وأطوال أخرى وتكون مبنية بكسور
٢٠ النسب المثلثية الشهيرة ستة وهي

الجيب	ويساوى	الضلع المقابل	الوتر	قاطع التمام ويساوى	الضلع المقابل	الوتر
جيب التمام	»	الضلع المجاور	الوتر	القاطع	الوتر	الوتر
الظل	»	الضلع المقابل	الضلع المجاور	ظل التمام	الضلع المجاور	الضلع المقابل

٢١ يعتبر الجيب وجيب التمام والظل كأنها نسب مثلثية أساسية وتعتبر الثلاثة الأخرى فرعية
مستنتجة منها
والارتباط الذي بينها هو أن

$$\frac{1}{\text{جيب التمام}} = \text{القاطع}$$

$$\frac{1}{\text{الجيب}} = \text{قاطع التمام}$$

$$\frac{1}{\text{الظل}} = \text{ظل التمام}$$

٢٢ وهناك علاقات أخرى بين النسب المثلثية أشهرها هو أن

$$\frac{\text{الجيب}}{\text{جيب التمام}} = \text{الظل}$$

٢٣ جيب الزاوية ° هو صفر وجيب الزاوية °٩٠ هو ١ وجيوب الزوايا التي بين ° و °٩٠
أقل من الواحد أي أنها كلها كسرية

٢٤ جيب تمام الزاوية ° هو ١ وجيب تمام الزاوية °٩٠ هو صفر وجيوب تمام الزوايا التي بين
° و °٩٠ أقل من الواحد أي أنها كلها كسرية

٢٥ ظل الزاوية ° هو صفر وظل الزاوية °٩٠ هو ١ وظلال الزوايا التي بين ° و °٩٠ أقل
من الواحد أي أنها كلها كسرية أيضاً

٢٦ إذا فرضت زاويتان مثل ح و ص وكان ح + ص = °٩٠ يكون

$$\text{جا ح} = \text{جتا ص}$$

$$\text{ظا ح} = \text{ظتا ص}$$

$$\text{قا ح} = \text{قتا ص}$$

فإذا علمت زاوية أقل من قائمة بالدرجات والدقائق مثل الزاوية °١٤ '٢٥ وأريد إيجاد ظل تمامها
نقول ان ظلها °١٤ '٢٥ = ظا °١٤ '٢٥ ثم نبحت عن ظل الأخيرة من الجداول فينتج ظل تمام
الزاوية °١٤ '٢٥

الباب الرابع

في شرح جداول النسب المثلثية وكيفية استعمالها

٢٧ جداول النسب المثلثية محسوبة للزوايا التي بين 0° و 90° ويبحث فيها عن مقدار الجيب وجيب تمام والظل لأي زاوية أقل من 90° ومعلوم مقدارها بالدرجات والدقائق وطريقة البحث في هذه الجداول تماثل طريقة البحث في جداول اللوغاريتمات

٢٨ لايجاد جيب الزاوية $35^\circ 16'$ بواسطة الجداول

فروق الدقائق		'٥٤	'٤٨	'٤٢	'٣٦	'٣٠	'٢٤	'١٨	'١٢	'٦	'٠				
٥	٤	٣	٢	١	٥٨٦٤	٥٨٥٠	٥٨٣٥	٥٨٢١	٥٨٠٧	٥٧٩٣	٥٧٧٩	٥٧٦٤	٥٧٥٠	٥٧٣٦	٣٥

نبحث في صفحات جدول الجيوب عن العدد ٣٥ في الصف الرأسى الاول ونبحث عن أول عدد يلي ١٦ في الصغر في صف الدقائق (وهو الصف الافقى الاول من هذه الصفحة) فنجد أنه ١٢ ثم نتبع الصف الافقى المبدوء بالعدد ٣٥ والصف الرأسى المبدوء بالعدد ١٢ فنجد في متقاطع هذين الصفين العدد ٥٧٦٤ ثم نأتى بالفارق بين ١٦ و ١٢ فنجد انه ٤ ونبحث عن هذا العدد في أعمدة الفروق من الصفحة عينها ونتبع الصف الافقى المبدوء بالعدد ٣٥ والصف الرأسى المبدوء بالفارق ٤ فنجد في متقاطع هذين الصفين العدد ٩ فيكون هو العدد الذى يلزم اضافته الى ٥٧٦٤ لينتج جيب الزاوية $35^\circ 16'$ وعلى ذلك يكون $5764 + 9 = (\text{أى } 5773) = \text{جا } 35^\circ 16'$

٢٩ لايجاد جيب تمام الزاوية $35^\circ 16'$ بواسطة الجداول

نبحث عنه في صفحات جدول جيوب تمام بالطريقة المتقدمة عينها غير أننا نطرح العدد المقابل لفارق الدقائق بدل أن نضيفه وذلك لان هذه النسب تأخذ في النقصان عندما تأخذ الزاوية في الازدياد من 0° الى 90°

فروق الدقائق		'٥٤	'٤٨	'٤٢	'٣٦	'٣٠	'٢٤	'١٨	'١٢	'٦	'٠				
٥	٤	٣	٢	١	٨١٠٠	٨١١١	٨١٢١	٨١٣١	٨١٤١	٨١٥١	٨١٦١	٨١٧١	٨١٨١	٨١٩٢	٣٥

فن الجدول جتا $35^\circ 12' = 8171$
والعدد المقابل للفارق ٤ = ٧
وبالطرح يكون جتا $35^\circ 16' = 8164$

٣٠ لايجاد ظل الزاوية $35^\circ 16'$ بواسطة الجداول

نبحث عنه في صفحات جدول الظلال بالطريقة المتقدمة في البحث عن الجيب

فروق الدقائق		'٥٤	'٤٨	'٤٢	'٣٦	'٣٠	'٢٤	'١٨	'١٢	'٦	'٠				
٥	٤	٣	٢	١	٧٢٣٩	٧٢١٢	٧١٨٦	٧١٥٩	٧١٣٣	٧١٠٧	٧٠٨٠	٧٠٥٤	٧٠٢٨	٧٠٠٢	٣٥

فن الجداول ظا $35^\circ 12' = 7054$
والعدد المقابل للفارق ٤ = ١٨
وبالجمع يكون ظا $35^\circ 16' = 7072$

(ملاحظات) تقدم أن جيوب الزوايا التي بين 0° و 90° كلها كسرية وان جيوب تمام هذه الزوايا كسرية أيضاً ولذا قد استغنى عن وضع العلامة العشرية لكافة النسب في جدولى الجيوب وجيوب تمام أما في جدول الظلال فلم توضع العلامة العشرية ولم يذكر العدد الصحيح لكافة النسب الا في الصف الرأسى المعنون (.) وذلك خلافاً لبعض نسب عند الانتهاء قد تبين عددها الصحيح من جزئها الكسرى ولم تكتب الفروق في بعض الاحيان وذلك لسرعة تغير مقادير الظلال فانه يتمدر استعمال طريقة الفروق للبحث عنها

وبوضع الشرطة (-) فوق العدد مثل ٦ دلالة على ان العدد الصحيح المذكور في الصف المعنون (.) قد تغير وانه يلزم أخذ العدد الصحيح للصف الافقى الذى يليه عوضاً عنه

٣١ لايجاد مقدار الزاوية بالدرجات والدقائق اذا علم جيبها أو جيب تمامها أو ظلها نبحث من الجداول عن العدد الذى يقرب من الجزء العشرى للنسبة المعلومة ونبحث عن الفرق في اعمدة الفروق وبطريقة عكسية للطريقة المبينة ببند ٢٨ نبحث عن عدد الدرجات والدقائق للزاوية المطلوبة

فمثلا اذا أردنا البحث عن الزاوية التي جيبها $= 0,5773$ نقول ان العدد الذى يلي ٥٧٧٣ في الصغر هو ٥٧٦٤ وان الفرق بينهما هو ٩
ومن الجدول نرى ان $5764 = \text{جا } 35^\circ 12'$
وعدد الدقائق المقابل للفرق ٩ = ٤
وبالجمع يكون $0,5773 = \text{جا } 35^\circ 16'$
اذن هي الزاوية المطلوبة

الباب الخامس

في شرح جداول لوغاريتمات النسب المثلثية وكيفية استعمالها

٣٢ تقدم أن جيوب وجيوب تمام الزوايا التي بين 0° و 90° كلها اقل من الواحد وان ظلال الزوايا التي بين 0° و 45° اقل من الواحد ايضاً فبمقتضى ذلك تكون لوغاريتمات هذه النسب ذات عدد بياني سالب

وعوضاً عن أن توضع هذه الاعداد البيانية السالبة في الجداول قد اتفق على اضافة ١٠ لكل لوغاريتم منها بحيث يصير عدده البياني موجباً ويسمى اللوغاريتم الناتج من اضافة ١٠ الى اللوغاريتم الحقيقي اللوغاريتم الجدولي

٣٣ يرمز الى اللوغاريتم الجدولي بحرف ل

فاذا قلنا ل جا ($31^\circ 15'$) يقصد بذلك اللوغاريتم الجدولي للزاوية $31^\circ 15'$ ويساوى

$$\{ \text{لوجا } (31^\circ 15') + 10 \}$$

٣٤ لايجاد اللوغاريتم لجيب أو لجيب تمام أو لظل أى زاوية

نبحث عنه في الجداول بطريقة مماثلة لطريقة البحث عن النسب المثلثية في الباب الرابع فينتج اللوغاريتم الجدولي للنسبة المفروضة ثم نطرح ١٠ منه فينتج اللوغاريتم الحقيقي المطلوب

فمثلا اذا أردنا البحث عن لوجا $35^\circ 16'$ نجري العمل هكذا

فروق الدقائق	٠	٦	١٢	١٨	٢٤	٣٠	٣٦	٤٢	٤٨	٥٤
	٩,٧٥٨٦٣٥	٩,٧٥٩٧٧	٩,٧٦٠٩١	٩,٧٦٢٠٥	٩,٧٦٣١٩	٩,٧٦٤٣٣	٩,٧٦٥٤٧	٩,٧٦٦٦١	٩,٧٦٧٧٥	٩,٧٦٨٨٩

من الجداول ل جا $35^\circ 12' = 9,7607$

والعدد المقابل للفرق ٤ = ٧

وبالجمع يكون ل جا $35^\circ 16' = 9,7614$

و اللوغاريتم الجدولي $9,7614 = 10 - 9,7614$

اللوغاريتم الحقيقي $9,7614 = 35^\circ 16'$ لوجا

٣٥ لايجاد الزاوية بالدرجات والدقائق اذا علم لوغاريتم جيبها أو جيب تمامها أو ظلها نضيف ١٠ الى اللوغاريتم الحقيقي فينتج اللوغاريتم الجدولي ثم نبحث بطريقة عكسية للطريقة السابقة عن عدد الدرجات والدقائق للزاوية المطلوبة

فمثلا اذا أردنا البحث عن الزاوية التي لوغاريتم جيبها $9,7614$ نجري العمل هكذا

$$9,7614 = 10 + 9,7614 \text{ وهو اللوغاريتم الجدولي لجيب الزاوية}$$

والعدد الذي يلي ٧٦١٤ في الصغر هو ٧٦٠٧ وفرقهما ٧

ومن الجداول $9,7607 = \text{ل جا } 35^\circ 12'$

وعدد الدقائق المقابل للفرق ٧ = ٤

وبالجمع يكون $9,7614 = \text{ل جا } 35^\circ 16'$

اذن $35^\circ 16'$ هي الزاوية المطلوبة

(ملاحظات) في جداول لوغاريتمات النسب المثلثية لم توضع العلامة العشرية ولم يذكر العدد الصحيح لكافة اللوغاريتمات الا في الصف الرأسى المعنون ($0'$)

وبوضع الشرطة (-) فوق العدد مثل $35^\circ 16'$ دلالة على أن العدد الصحيح المذكور في الصف المعنون ($0'$) قد تغير وانه يلزم اخذ العدد الصحيح للصف الافقى الذي يليه عوضا عنه

تضاف الاعداد المقابلة للفروق في جدول لوغاريتمات الجيوب ولوغاريتمات الظلال وتطرح في جدول لوغاريتمات جيوب تمام جريا على ما تقدم ذكره في جداول النسب المثلثية نفسها

جدول الاعداد المقابلة للوغاريتات (تابع)

Table with 12 columns and 40 rows. Columns include 'الفروق' (differences) and digits 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0. Rows contain numerical data for logarithmic values.

جدول الاعداد المقابلة للوغاريتات

Table with 12 columns and 40 rows. Columns include 'الفروق' (differences) and digits 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0. Rows contain numerical data for logarithmic values, mirrored to the adjacent page.

جدول لوغاريتمات الجيوب (تابع)

تنبیه — العدد البياني في كل من لوغاريتمات الجيوب مضاف اليه ١٠

Table of logarithmic sines with columns for differences (فروق الدقائق) and values for angles from 0 to 89 degrees. The table is organized into rows corresponding to degrees and columns for minutes and seconds.

جدول لوغاريتمات الجيوب

تنبیه — العدد البياني في كل من لوغاريتمات الجيوب مضاف اليه ١٠

Table of logarithmic sines, similar to the first table but with a different column structure for differences and values, covering angles from 0 to 89 degrees.

جدول لوغاريتمات جيوب التمام (تابع)

تنبیه — العدد البياني في كل من لوغاريتمات جيوب التمام مضاف اليه ١٠

Table of logarithmic sines with columns for degrees (0-90), minutes (0-60), and seconds (0-60), and corresponding sine values.

(تنبيه) تطرح الاعداد المقابلة للفروق لا تضاف

جدول لوغاريتمات جيوب التمام

تنبیه — العدد البياني في كل من لوغاريتمات جيوب التمام مضاف اليه ١٠

Table of logarithmic sines with columns for degrees (0-90), minutes (0-60), and seconds (0-60), and corresponding sine values.

(تنبيه) تطرح الاعداد المقابلة للفروق لا تضاف

جدول لوغاريتمات الظلال (تابع)

تنبیه — العدد البياني في كل من لوغاريتمات الظلال مضاف اليه ١٠

Table with 10 columns: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. It contains numerical data for logarithmic values of shadows, organized in rows and columns.

جدول لوغاريتمات الظلال

تنبیه — العدد البياني في كل من لوغاريتمات الظلال مضاف اليه ١٠

Table with 10 columns: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. It contains numerical data for logarithmic values of shadows, organized in rows and columns.

١٥٠ الى ١٠١			١٠٠ الى ٥١			٥٠ الى ١		
الجذر التكعيبي	العدد	الجذر التربيعي	الجذر التكعيبي	العدد	الجذر التربيعي	الجذر التكعيبي	العدد	الجذر التربيعي
٤٦٥٧	١٠١	١٠٠.٥٠	٣٧٠.٨	٥١	٧١٤١	١٠٠٠٠	١	١٠٠٠٠
٤٦٧٢	١٠٢	١٠١.١٠	٣٧٣٣	٥٢	٧٢١١	١٠٢٦٠	٢	١٠٤١٤
٤٦٨٨	١٠٣	١٠١.٤٩	٣٧٥٦	٥٣	٧٢٨٠	١٠٤٤٢	٣	١٠٧٣٢
٤٧٠٣	١٠٤	١٠١.٩٨	٣٧٨٠	٥٤	٧٣٤٨	١٠٥٨٧	٤	٢٠٠٠٠
٤٧١٨	١٠٥	١٠٢.٤٧	٣٨٠٣	٥٥	٧٤١٦	١٠٧١٠	٥	٢٠٢٣٦
٤٧٣٣	١٠٦	١٠٢.٩٦	٣٨٢٦	٥٦	٧٤٨٣	١٠٨١٧	٦	٢٠٤٤٩
٤٧٤٧	١٠٧	١٠٣.٤٤	٣٨٤٩	٥٧	٧٥٥٠	١٠٩١٣	٧	٢٠٦٤٦
٤٧٦٢	١٠٨	١٠٣.٩٢	٣٨٧١	٥٨	٧٦١٦	٢٠٠٠٠	٨	٢٠٨٢٨
٤٧٧٧	١٠٩	١٠٤.٤٠	٣٨٩٣	٥٩	٧٦٨١	٢٠٠٨٠	٩	٢٠٠٠٠
٤٧٩١	١١٠	١٠٤.٨٨	٣٩١٥	٦٠	٧٧٤٦	٢٠١٥٤	١٠	٢٠١٦٢
٤٨٠٦	١١١	١٠٥.٣٦	٣٩٣٦	٦١	٧٨١٠	٢٠٢٢٤	١١	٢٠٣١٧
٤٨٢٠	١١٢	١٠٥.٨٣	٣٩٥٨	٦٢	٧٨٧٤	٢٠٢٨٩	١٢	٢٠٤٦٤
٤٨٣٥	١١٣	١٠٦.٣٠	٣٩٨٠	٦٣	٧٩٣٧	٢٠٣٥١	١٣	٢٠٦٠٦
٤٨٤٩	١١٤	١٠٦.٧٧	٤٠٠٠٠	٦٤	٨٠٠٠٠	٢٠٤١٠	١٤	٢٠٧٤٢
٤٨٦٣	١١٥	١٠٧.٢٤	٤٠٠٢١	٦٥	٨٠٦٢	٢٠٤٦٦	١٥	٢٠٨٧٣
٤٨٧٧	١١٦	١٠٧.٧٠	٤٠٠٤١	٦٦	٨١٢٤	٢٠٥٢٠	١٦	٤٠٠٠٠
٤٨٩١	١١٧	١٠٧.٨١٧	٤٠٠٦٢	٦٧	٨١٨٥	٢٠٥٧١	١٧	٤٠١٢٣
٤٩٠٥	١١٨	١٠٧.٨٦٣	٤٠٠٨٢	٦٨	٨٢٤٦	٢٠٦٢١	١٨	٤٠٢٤٣
٤٩١٩	١١٩	١٠٧.٩٠٩	٤٠١٠٢	٦٩	٨٣٠٧	٢٠٦٦٨	١٩	٤٠٣٥٩
٤٩٣٢	١٢٠	١٠٧.٩٥٤	٤٠١٢١	٧٠	٨٣٦٧	٢٠٧١٤	٢٠	٤٠٤٧٢
٤٩٤٦	١٢١	١١٠.٠٠٠	٤٠١٤١	٧١	٨٤٢٦	٢٠٧٥٩	٢١	٤٠٥٨٣
٤٩٦٠	١٢٢	١١٠.٠٤٥	٤٠١٦٠	٧٢	٨٤٨٥	٢٠٨٠٢	٢٢	٤٠٦٩٠
٤٩٧٣	١٢٣	١١٠.٠٩١	٤٠١٧٩	٧٣	٨٥٤٤	٢٠٨٤٤	٢٣	٤٠٧٩٦
٤٩٨٧	١٢٤	١١٠.١٣٦	٤٠١٩٨	٧٤	٨٦٠٢	٢٠٨٨٤	٢٤	٤٠٨٩٩
٥٠٠٠٠	١٢٥	١١٠.١٨٠	٤٠٢١٧	٧٥	٨٦٦٠	٢٠٩٢٤	٢٥	٥٠٠٠٠
٥٠٠١٣	١٢٦	١١٠.٢٢٥	٤٠٢٣٦	٧٦	٨٧١٨	٢٠٩٦٢	٢٦	٥٠٠٩٩
٥٠٠٢٧	١٢٧	١١٠.٢٦٩	٤٠٢٥٤	٧٧	٨٧٧٥	٢٠٠٠٠	٢٧	٥٠١٩٦
٥٠٠٤٠	١٢٨	١١٠.٣١٤	٤٠٢٧٣	٧٨	٨٨٣٢	٢٠٠٣٧	٢٨	٥٠٢٩٢
٥٠٠٥٣	١٢٩	١١٠.٣٥٨	٤٠٢٩١	٧٩	٨٨٨٨	٢٠٠٧٢	٢٩	٥٠٣٨٥
٥٠٠٦٦	١٣٠	١١٠.٤٠٢	٤٠٣٠٩	٨٠	٨٩٤٤	٢٠١٠٧	٣٠	٥٠٤٧٧
٥٠٠٧٩	١٣١	١١٠.٤٤٦	٤٠٣٢٧	٨١	٩٠٠٠٠	٢٠١٤١	٣١	٥٠٥٦٨
٥٠٠٩٢	١٣٢	١١٠.٤٨٩	٤٠٣٤٤	٨٢	٩٠٠٥٥	٢٠١٧٥	٣٢	٥٠٦٥٧
٥٠١٠٤	١٣٣	١١٠.٥٣٣	٤٠٣٦٢	٨٣	٩٠١١٠	٢٠٢٠٨	٣٣	٥٠٧٤٥
٥٠١١٧	١٣٤	١١٠.٥٧٦	٤٠٣٨٠	٨٤	٩٠١٦٥	٢٠٢٤٠	٣٤	٥٠٨٣١
٥٠١٣٠	١٣٥	١١٠.٦١٩	٤٠٣٩٧	٨٥	٩٠٢٢٠	٢٠٢٧١	٣٥	٥٠٩١٦
٥٠١٤٣	١٣٦	١١٠.٦٦٢	٤٠٤١٤	٨٦	٩٠٢٧٤	٢٠٣٠٢	٣٦	٦٠٠٠٠
٥٠١٥٥	١٣٧	١١٠.٧٠٥	٤٠٤٣١	٨٧	٩٠٣٢٧	٢٠٣٣٢	٣٧	٦٠٠٨٣
٥٠١٦٨	١٣٨	١١٠.٧٤٧	٤٠٤٤٨	٨٨	٩٠٣٨١	٢٠٣٦٢	٣٨	٦٠١٦٤
٥٠١٨٠	١٣٩	١١٠.٧٩٠	٤٠٤٦٥	٨٩	٩٠٤٣٤	٢٠٣٩١	٣٩	٦٠٢٤٥
٥٠١٩٢	١٤٠	١١٠.٨٣٢	٤٠٤٨١	٩٠	٩٠٤٨٧	٢٠٤٢٠	٤٠	٦٠٣٢٥
٥٠٢٠٥	١٤١	١١٠.٨٧٤	٤٠٤٩٨	٩١	٩٠٥٣٩	٢٠٤٤٨	٤١	٦٠٤٠٣
٥٠٢١٧	١٤٢	١١٠.٩١٦	٤٠٥١٤	٩٢	٩٠٥٩٢	٢٠٤٧٦	٤٢	٦٠٤٨١
٥٠٢٢٩	١٤٣	١١٠.٩٥٨	٤٠٥٣١	٩٣	٩٠٦٤٤	٢٠٥٠٣	٤٣	٦٠٥٥٧
٥٠٢٤١	١٤٤	١٢٠.٠٠٠	٤٠٥٤٧	٩٤	٩٠٦٩٥	٢٠٥٣٠	٤٤	٦٠٦٣٣
٥٠٢٥٤	١٤٥	١٢٠.٠٤٢	٤٠٥٦٣	٩٥	٩٠٧٤٧	٢٠٥٥٧	٤٥	٦٠٧٠٨
٥٠٢٦٦	١٤٦	١٢٠.٠٨٣	٤٠٥٧٩	٩٦	٩٠٧٩٨	٢٠٥٨٣	٤٦	٦٠٧٨٢
٥٠٢٧٨	١٤٧	١٢٠.١٢٤	٤٠٥٩٥	٩٧	٩٠٨٤٩	٢٠٦٠٩	٤٧	٦٠٨٥٦
٥٠٢٩٠	١٤٨	١٢٠.١٦٦	٤٠٦١٠	٩٨	٩٠٩٠٠	٢٠٦٣٤	٤٨	٦٠٩٢٨
٥٠٣٠١	١٤٩	١٢٠.٢٠٧	٤٠٦٢٦	٩٩	٩٠٩٥٠	٢٠٦٥٩	٤٩	٧٠٠٠٠
٥٠٣١٣	١٥٠	١٢٠.٢٤٧	٤٠٦٤٢	١٠٠	١٠٠٠٠	٢٠٦٨٤	٥٠	٧٠٠٧١

